

*Research Article*

Estimation of snow and ice accretion for the design of high-pressure transmission lines with multi-year return periods (Case study: western highlands of Mazandaran)

Gholamali Ahmadi¹, Gholamreza Janbaz ghobadi^{1*} , Sadroddin Motevalli¹, shahriar khaledi²

1-Department of Geography, Islamic Azad University- Nur Branch, Nur, Iran

2-Department of Physical Geography, Faculty of Earth Sciences, Shahid Beheshti University, Tehran, Iran

Received: 13 May 2019 Accepted: 09 Dec 2019

Extended Abstract**Introduction**

One of the problems of the power companies in cold areas is freezing and snowfall on the transmission lines. Therefore climatic zoning of the Mazandaran province and the load conditions in accordance with requirements of the region are important for the mechanical design of the transmission lines. The correct selection of these conditions have a significant technical and economic impact on designing the project. One of the problems of a regional power company in cold, frosty and snowy areas is the wiring and shielding of power lines. Snow and ice load maps developed by the Ministry of Energy do not have the necessary efficiency and innovation anymore and were not reviewed for many newly developed urban and rural areas. Iran is divided into four regions of light, medium, heavy and super heavy in terms of weather conditions and for each of these regions, the four main and primary variables of loading, namely normal wind speed, maximum wind speed, normal ice thickness and maximum ice thickness are provided.

Materials and Methods

The purpose of this study is applied and the nature and method of research is descriptive-analytical. In this study, the parameter of ice thickness with multi-year return periods, which is one of the effective loads in the loading of the power transmission lines, was evaluated using the weather data (2010 to 2018), at three mountain stations of Baladeh, Kajur and Siah Bisheh in western Mazandaran. Meteorological information is measured hourly at meteorological stations, After collecting and correcting the meteorological data, in the Excel environment and in the final worksheet, the program is written to calculate the daily, monthly, and annual ice thicknesses and to calculate the statistical parameters at a height of 35 meter (mean height of the cables). Using the Smada software, the relevant histograms are plotted.

Results and Discussion

Eventually, new nominal values were recommended with different return periods. The results showed that in the design of transmission lines with a return period of less than 50 years, Baladeh and Kojur regions are among the heavy areas. With a return period of more than 50 years these points are considered as super-heavy. With the return period of 50 to 100 years, the Kojur area is an intermediate region and a heavy region with the return period of >100 years (in accordance with the Ministerial code also known as Mashanir Code).

Citation: Ahmadi, Gh. et al, 2020. Estimation of snow and ice accretion for the design of high-pressure transmission lines with multi-year return periods ..., *Res. Earth. Sci.* 11(1), (223-236) DOI: 10.52547/esrj.11.1.223

* Corresponding author E-mail address: gghobadi@yahoo.com



Copyright: © 2020 by the authors. Submitted for possible open access publication under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license (<https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>).



Therefore calculated values of snow and ice loads for 10 m (less than 66 kW) and 35 m (above 220 kW) elevations were not significant. Based on the results, it is suggested that with the establishment of automatic weather stations in the area and field and laboratory studies, more detailed results will be obtained in future studies.

Conclusion

In this research, the ice thickness statistical parameters with multi-year return periods were evaluated, using meteorological data and simulation methods. The meteorological data was provided by Mountain Engineering Laboratory and Research Institute. Finally new nominal values were suggested after comparing them with various return periods. In the case of Baladeh, calculated values of snow load and ice for a height of 35 meters, with different return periods from 50 years onwards, the maximum amount of ice exceeds the nominal value (40) and was likely to cause damage to transmission lines. Therefore, for the design of power lines with a return period of less than 50 years, Baladeh region is one of the heavy areas and with a return period of more than 50 years, it is one of the super heavy areas. For the Siahbisheh area, the amount of snow and ice for the 50 to 100-year return period is moderate, and for return periods greater than 100 years, the heavy areas are less than the nominal average value defined in the Ministerial code(Mashanir). In the Kojour area, which according to Mashanir is a superheavey region, for return periods from 50 years onwards the maximum amount of ice thickness exceeds the Mashanir code. Therefore the probability that it could damage the transmission lines is greater than the nominal value (40). Hence, for the design of power lines with a return period of less than 50 years, the Kojour region is a heavy area and with a return period of more than 50 years, it is a heavy area.

Keywords: Meteorological parameters, Snow and ice load, Electricity transmission lines, West of Mazandaran.



تخمین بار برف و یخ جهت طراحی خطوط انتقال نیرو فشار قوی با دوره‌های بازگشت چند ساله (مطالعه موردی: ارتفاعات غربی مازندران)

غلامعلی احمدی^۱، غلامرضا جانباز قبادی^{*۲}، صدرالدین متولی^۱، شهریار خالدی^۲

۱- گروه جغرافیا، دانشگاه آزاد اسلامی واحد نور، نور، ایران

۲- گروه جغرافیای طبیعی، دانشکده علوم زمین، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران

پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۲/۲۳

تأیید نهایی مقاله: ۱۳۹۸/۹/۱۸

چکیده

یکی از مشکلات شرکت برق منطقه‌ای در مناطق سردسیر، یخ‌زدگی و نشست برف بر روی سیم‌های خطوط انتقال نیرو می‌باشد. پهنه‌بندی آب و هوایی و ارائه شرایط بارگذاری متناسب با منطقه جهت طراحی مکانیکی خطوط حائز اهمیت بوده و انتخاب صحیح این شرایط به لحاظ فنی و اقتصادی تاثیر بسزایی در طراحی پروژه خواهد داشت. نقشه بار برف و یخ که در گذشته توسط وزارت نیرو تدوین گردیده، کارایی و نوآوری لازم را نداشته و یا اینکه برای بسیاری از مناطق توسعه یافته جدید شهری و روستایی بازنگری نشده است در این تحقیق پارامتر آماری ضخامت یخ با دوره‌های بازگشت چند ساله، که از جمله بارهای موثر در بارگذاری دکل انتقال نیرو هستند با استفاده از داده‌های هواشناسی (سال ۲۰۱۰ تا ۲۰۱۸ میلادی) سه ایستگاه کوهستانی بلده، کجور و سیاه بیشه در غرب مازندران مورد ارزیابی قرار گرفتند و در نهایت مقادیر اسمی جدید با دوره بازگشت‌های مختلف پیشنهاد گردیده است. نتایج نشان داد که برای طراحی خطوط انتقال نیرو با دوره بازگشت کمتر از ۵۰ سال، منطقه بلده و کجور جزو مناطق سنگین و با دوره بازگشت بیشتر از ۵۰ سال جزو مناطق فوق سنگین و منطقه کجور با دوره بازگشت ۵۰ تا ۱۰۰ ساله جزو مناطق متوسط و دوره بازگشت بیشتر از ۱۰۰ سال جزو مناطق سنگین (مطابق با آیین نامه مشانیر) می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: پارامترهای هواشناسی، بار برف و یخ، دکل‌های انتقال نیرو، غرب مازندران.

سردسیر، یخزدگی و نشست برف بر روی سیم‌های و محافظ خطوط انتقال نیرو می‌باشد. طوفان‌های سنگین برف و یخ، صدمات قابل توجهی به خطوط انتقال نیرو وارد می‌کنند. این مشکلات در بخش‌های کوتاهی از خطوط انتقال نیرو و در زمان‌های خاصی از سال اتفاق می‌افتد اما باعث تهدید جدی قابلیت اطمینان و امنیت شبکه می‌گردد (قلیچی و همکاران، ۱۳۹۱). با توجه به تغییرات اقلیمی گسترده در دهه‌های اخیر، که خود برف و یخبندان‌های ناگهانی را در این مناطق به دنبال داشته (براتی و همکاران، ۱۳۹۵)، نقشه بار برف و یخ که در گذشته توسط وزارت نیرو تدوین گردیده، کارایی و نوآوری لازم را نداشته و یا اینکه برای بسیاری از مناطق توسعه یافته جدید شهری و روستایی بازنگری نشده است، لذا در این تحقیق سعی بر آن است که با استفاده از جدید ترین داده‌ها و آمارهای هواشناسی و روش‌های آماری-ریاضی به محاسبه بار برف و یخ، جهت طراحی خطوط نیرو پرداخته شود. آئین‌نامه بارگذاری شرکت مشانیر، کشور ایران را از نظر شرایط جوی به چهار منطقه سبک، متوسط، سنگین و فوق سنگین تقسیم‌بندی می‌نماید و برای هر یک از این مناطق مقادیر متفاوتی برای چهار متغیر اصلی و اولیه بارگذاری؛ یعنی سرعت معمولی باد، بیشترین سرعت باد، ضخامت معمولی یخ و بیشترین ضخامت یخ ارائه می‌دهد، (مشانیر، ۱۳۷۸) و با توجه به مطالعات صورت گرفته و مقایسه نتایج این تحقیقات با مقادیر ارائه شده توسط شرکت مشانیر می‌توان بر لزوم تحقیقات بیشتر در زمینه عوامل جوی موثر در بارگذاری خطوط انتقال نیرو پی برد. اجرای طرح‌های عمرانی، اقتصادی، اجتماعی و دیگر طرح‌ها نیاز به شناخت تغییرات اقلیمی جهت برنامه‌ریزی صحیح داشته و از این رو ضرورت و اهمیت مطالعات اقلیمی در کالبد برنامه‌ریزی خرد و کلان کشور و در مقیاس کوچکتر استان و شهر قابل لمس است (نوحی، ۱۳۹۱). در طراحی خطوط انتقال خطوط نیرو موجود بودن مشخصه آب و هوایی واقعی یکی از نیازهای اساسی می‌باشد. شرایط آب و هوایی مناطق مختلف که مسیر خطوط انتقال نیرو از آنها می‌گذرد نقش تعیین کننده‌ای در انتخاب شرایط بارگذاری مناسب و طراحی و محاسبات مکانیکی برای تجهیزات خطوط انتقال نیرو و در نتیجه بهینه نمودن مشخصات خط به لحاظ فنی و اقتصادی و تأمین قابلیت اعتماد موردنظر دارد. یکی از مشکلات شرکت برق منطقه‌ای در مناطق

مقدمه

پهنه‌بندی آب و هوایی و ارائه شرایط بارگذاری مناسب با منطقه جهت طراحی مکانیکی خطوط حائز اهمیت بوده و انتخاب صحیح این شرایط به لحاظ فنی و اقتصادی تاثیر بسزایی در طراحی پروژه خواهد داشت. آئین‌نامه بارگذاری شرکت مشانیر، کشور ایران را از نظر شرایط جوی به چهار منطقه سبک، متوسط، سنگین و فوق سنگین تقسیم‌بندی می‌نماید و برای هر یک از این مناطق مقادیر متفاوتی برای چهار متغیر اصلی و اولیه بارگذاری؛ یعنی سرعت معمولی باد، بیشترین سرعت باد، ضخامت معمولی یخ و بیشترین ضخامت یخ ارائه می‌دهد، (مشانیر، ۱۳۷۸) و با توجه به مطالعات صورت گرفته و مقایسه نتایج این تحقیقات با مقادیر ارائه شده توسط شرکت مشانیر می‌توان بر لزوم تحقیقات بیشتر در زمینه عوامل جوی موثر در بارگذاری خطوط انتقال نیرو پی برد. اجرای طرح‌های عمرانی، اقتصادی، اجتماعی و دیگر طرح‌ها نیاز به شناخت تغییرات اقلیمی جهت برنامه‌ریزی صحیح داشته و از این رو ضرورت و اهمیت مطالعات اقلیمی در کالبد برنامه‌ریزی خرد و کلان کشور و در مقیاس کوچکتر استان و شهر قابل لمس است (نوحی، ۱۳۹۱). در طراحی خطوط انتقال خطوط نیرو موجود بودن مشخصه آب و هوایی واقعی یکی از نیازهای اساسی می‌باشد. شرایط آب و هوایی مناطق مختلف که مسیر خطوط انتقال نیرو از آنها می‌گذرد نقش تعیین کننده‌ای در انتخاب شرایط بارگذاری مناسب و طراحی و محاسبات مکانیکی برای تجهیزات خطوط انتقال نیرو و در نتیجه بهینه نمودن مشخصات خط به لحاظ فنی و اقتصادی و تأمین قابلیت اعتماد موردنظر دارد. یکی از مشکلات شرکت برق منطقه‌ای در مناطق

سعی بر آن است که با استفاده از جدیدترین داده‌ها و آمارهای هواشناسی و روش‌های آماری‌ریاضی به محاسبه بار برف و یخ، جهت طراحی خطوط نیرو پرداخته شود.

منطقه مورد مطالعه

مشخصات منطقه و داده‌های مورد استفاده

در این مقاله از داده‌های ساعتی هواشناسی سه ایستگاه هواشناسی بلده نور، کجور نوشهر و سیاه بیشه چالوس واقع در مناطق کوهستانی غرب مازندران، با دوره آماری ۲۰۱۰ الی ۲۰۱۸ میلادی که در فاصله‌های زمانی یک ساعته ثبت شده‌اند استفاده گردید. اطلاعات خام هواشناسی به صورت ساعتی در ایستگاه‌های هواشناسی اندازه‌گیری شده و قبل از استفاده از رابطه فوق باید یکسری فرضیات و ملاحظات روی داده‌های خام اولیه صورت گیرد، تا بتوان از این رابطه جهت تخمین ضخامت یخ ساعتی استفاده کرد. مقدار سرعت باد که به صورت ساعت و در ارتفاع پایه ۱۰ متری ثبت شده که با استفاده از رابطه ۲ قابل به تبدیل به مقدار واقعی آن در ارتفاع سیم است.

مواد و روش‌ها

معرفی روش شبیه‌سازی ارائه شده توسط آزمایشگاه و پژوهشگاه مهندسی مناطق سردسیر ایلات متعدد آمریکا^۱ در مدل‌سازی ضخامت یخ: در این روش ضخامت یخ دور کابل‌ها، به صورت باران منجمد که به صورت شعاعی و یکنواخت حول کابل تشکیل می‌شود، مدل می‌گردد (Palutikof et al., 2010). لذا جهت مدل‌سازی ضخامت یخ نیاز به اطلاعات خام هواشناسی زیر می‌باشد.

- ۱- شدت بارش در هر ساعت از روز
- ۲- سرعت باد در هنگام بارش در ارتفاع سیم
- ۳- دمای هوای در هنگام بارش

بار برف روی درختان در فنلاند از طریق تفکیک برف خشک، برف آبدار، برف یخ زده نشان داد که بیشترین بار در نواحی شرقی کشور رخ داده است. از طرفی تجمع سریع برف به نوعی به برف آبدار و سنگین بستگی دارد. (Lehtonen et al., 2014)

در بریتانیا بار یخ با دوره برگشت ۵۰ ساله به روش آستانه- حداقل^۱، تخمین و نقشه با روش Nygaardand رگرسیونی و کریجینگ تهیه شد (Nygaard and et al., 2014). شبکه‌های عصبی از طریق شبیه-سازی میزان خزش برف بر روی کابل‌های خطوط انتقال نیرو نقش مهمی ایفا می‌کنند و می‌توانند در مقایسه با توزیع‌های چند جمله‌ای خطای محاسباتی را تا ۵ برابر کاهش دهند (Xiang et al., 2014). پارامترهای هواشناسی دما، رطوبت نسبی، شدت بارش، سرعت باد ۳ ساعته در ۱۷۰ ایستگاه هواشناسی تخمین خوبی از بار برف و یخ با دوره بازگشت ۵۰ ساله کشور فرانسه را ارائه نمود (Ducloux and Ducloux, 2014). توزیع‌های آماری گامبل (Gumbel, 2004)، سامانه اطلاعات جغرافیایی^۲، Nygaard (Nygaard, 2014)، مدل‌های عددی پیش‌بینی وضع هوای^۳ (Zarnani et al., 2013)، الگوریتم مقایسه داده‌ها (WOLF^۴ and Musilek, 2012)، مدل‌های بارگذاری (Bonanno et al., 2017)، تحلیل آماری متغیرهای المان محدود و گسسته D2 (Ranta et al., 2017) پیش‌بینی خسارت پوشش یخ توسط مدل^۵ CSCWOA-ELM (Wang et al., 2019)، بررسی اثر یخ‌بندان بر روی خطوط انتقال نیرو در نروژ با مدل Imai (Imai, 2018)، محاسبه بار برف و یخ با مدل‌های پیش‌بینی عددی با دوره بازگشت ۵۰ ساله در سوئد (Nygaard et al., 2019)، از جمله مواردی هستند که می‌توانند بار برف و یخ را با دقت بالا شبیه‌سازی نمایند. در این تحقیق

زمانی شروع می‌شود که دمای هوا به صفر و زیر صفر درجه سانتیگراد رسیده باشد و هنگامی پایان می‌پذیرد که از این مقدار فراتر رود. همچنین اگر فرض می‌شود که اگر دمای هوا برای ۶ ساعت متولی بالای صفر درجه سانتیگراد و پایینتر از آن باشد، کل یخ بجا از ساعات قبل به یخ دوره جدید اضافه گردد، از طرفی تجمع سریع برف روی کابل‌ها به نوعی به برف آبدار و سنگین بستگی دارد. (لهونن و همکاران، ۲۰۱۴). با اعمال اصلاحات فوق که بر روی رابطه ۱ تاثیر گذار هستند و با جاگذاری بعضی ثابت‌ها، می‌توان رابطه ۳ را به صورت زیر بازنویسی کرد.

(رابطه ۳)

$$R_{eq} = 1.061 \left[P_j^2 + [(0.1897 \times V_j P_j^{0.846})]^2 \right]^{1/2}$$

بعد از جمع‌آوری و اصلاحات بر روی داده‌ای هواشناسی، در محیط اکسل^۷ و در کاربرگ نهایی برنامه مورد نظر جهت محاسبه مقدار ضخامت یخ روزانه، ماهانه و سالانه نوشته و پارامترهای آماری در ارتفاع ۳۵ متری (ارتفاع متوسط کابل‌ها) محاسبه و سپس با استفاده از نرمافزار اسمادا^۸، (یوسفی، ۱۳۹۵) هیستوگرام‌های مربوطه رسم شده‌اند.

نتایج

در این مطالعه پارامتر آماری ضخامت یخ با دوره‌های بازگشت چند ساله، که از جمله بارهای موثر در بارگذاری دکل انتقال نیرو هستند با استفاده از داده‌های هواشناسی و روش شبیه‌سازی ارائه شده توسط آزمایشگاه و پژوهشگاه مهندسی مناطق سردسیر، سه ایستگاه کوهستانی بلده، کجور و سیاه بیشه در غرب مازندران مورد ارزیابی قرار گرفتند و در نهایت مقادیر اسمی جدید با دوره بازگشت‌های مختلف پیشنهاد گردیده است. در

۴- نوع بارندگی (رگبار، برف، تگرگ و ...) که با کدهای رمزی WW تعیین می‌شوند.

پس از آنکه اطلاعات فوق برای هر روز از سال‌های مورد بررسی تهیه و تنظیم گردید، مقدار ضخامت یخ در هر ساعت با استفاده از فرمول رابطه ۱ قابل محاسبه خواهد بود:

(رابطه ۱)

$$R_{eq} = \sum_{j=1}^N \frac{1}{P_j \pi} \left[(P_j \rho_0)^2 + (3.6 V_j W_j)^2 \right]^{1/2}$$

که در رابطه ۱ R_{eq} : ضخامت یکنواخت یخ دور سیم بر حسب میلیمتر؛ P_j : شدت بارش بر حسب میلیمتر؛ بر ساعت ρ_0 : چگالی آب (۱ گرم بر سانتیمتر مکعب)؛ V_j : چگالی یخ منجمد (۰/۹ گرم بر سانتیمتر مکعب)؛ z_j : سرعت باد در ارتفاع سیم در زمین ساعت (متر بر ثانیه)؛ W_j : وزن آب مایع موجود در واحد حجم هوا در زمین ساعت بر حسب گرم بر سانتیمتر مکعب؛ N : تعداد ساعاتی است که یخ به صورت پیوسته روی کابل تشکیل می‌شود (دوره یخ‌زدگی).

اثر ارتفاع در تعیین سرعت باد (تبديل سرعت پایه باد به سرعت آن در ارتفاع سیم): مقادیر ارائه شده سرعت باد در ایستگاه‌های هواشناسی در ارتفاع ۱۰ متری اندازه‌گیری شده، حال آنکه ارتفاع دکل-های انتقال قدرت در ارتفاعات (۲۰ تا ۵۰ متری) مختلف قرار دارند، جهت محاسبه سرعت باد در ارتفاع z رابطه ۲ پیشنهاد می‌گردد.

(رابطه ۲)

$$V_w = V_0 \left(\frac{h_w}{h_A} \right)^{0.14}$$

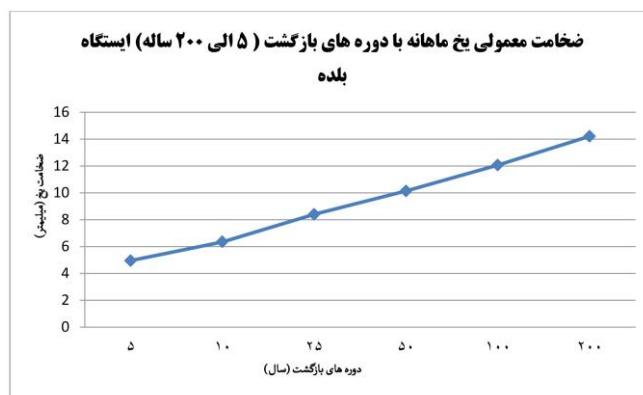
در رابطه ۲ V_w : سرعت باد در ارتفاع سیم بر حسب متر بر ثانیه؛ V_0 : سرعت پایه باد در ارتفاع ۱۰ متری بر حسب متر بر ثانیه؛ h_w : ارتفاع سیم از سطح زمین (متر)؛ h_A : ارتفاع بادسنج که معمولا در ارتفاع ۱۰ متری قرار دارد. هر درو یخ زدگی

لوگ پیرسون تیپ ۳، گامبل تیپ ۱، که قابلیت نکویی برآش داده‌ها را دارا بودند، توزیع احتمال لوگ پیرسون تیپ ۳ مناسب‌ترین توزیع برای برآش این داده‌ها تشخیص داده شده است. (شکل ۳).

محاسبات مربوط به ایستگاه سیاه بیشه همان‌طور که در شکل ۴ و جدول ۳ مشاهده می‌شود متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از $3/6$ میلیمتر تا $20/5$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ ، در طی دوره آماری ایستگاه سیاه بیشه بوده است، اما حداقل یخ تشکیل شده طبق محاسبات از $4/07$ تا $22/5$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ ، متغیر می‌باشد که مبنای بارگزاری جهت انجام عملیات کابل‌گذاری خطوط انتقال نیرو است. شکل ۵ و جدول ۴. از بین توزیع‌های مختلف آماری از نرمال، لوگ نرمال ۲ پارامتری، لوگ نرمال ۳ پارامتری، پیرسون تیپ ۳، لوگ پیرسون تیپ ۳، گامبل تیپ ۱، که قابلیت نکویی برآش داده‌ها را دارا بودند، توزیع احتمال لوگ پیرسون تیپ ۳ مناسب‌ترین توزیع برای برآش این داده‌ها تشخیص داده شده است. (شکل ۶).

این تحقیق ضخامت یخ بر روی کابل برای سه شهر بلده، سیاه بیشه و کجور در ارتفاع ۳۵ متری (دکلهای فشار قوی ۴۴۰-۳۳۰ کیلو وات) محاسبه گردید، در نهایت مقادیر بدست آمده با دوره‌های بازگشت مختلف محاسبه شدند. در جداول و نمودارهای تحلیلی زیر، میزان بار برف و یخ تجمعی، حداقل بار برف و یخ با دوره‌های بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله، توزیع آماری احتمال جهت برآش ضخامت یخ در ارتفاع ۳۵ متری، برای ایستگاه‌های بلده، سیاه بیشه و کجور تشریح شده است.

محاسبات مربوط به ایستگاه بلده
همان‌طور که در شکل ۱ و جدول ۱ مشاهده می‌شود متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از ۵ میلیمتر تا 14 میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ ، در طی دوره آماری ایستگاه بلده بوده است، اما حداقل یخ تشکیل شده طبق محاسبات از $4/7$ تا $10/1$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ ، متغیر می‌باشد که مبنای بارگزاری جهت انجام عملیات کابل‌گذاری خطوط انتقال نیرو است. (شکل ۲ و جدول ۲). از بین توزیع‌های مختلف آماری از نرمال، لوگ نرمال ۲ پارامتری، لوگ نرمال ۳ پارامتری، پیرسون تیپ ۳،



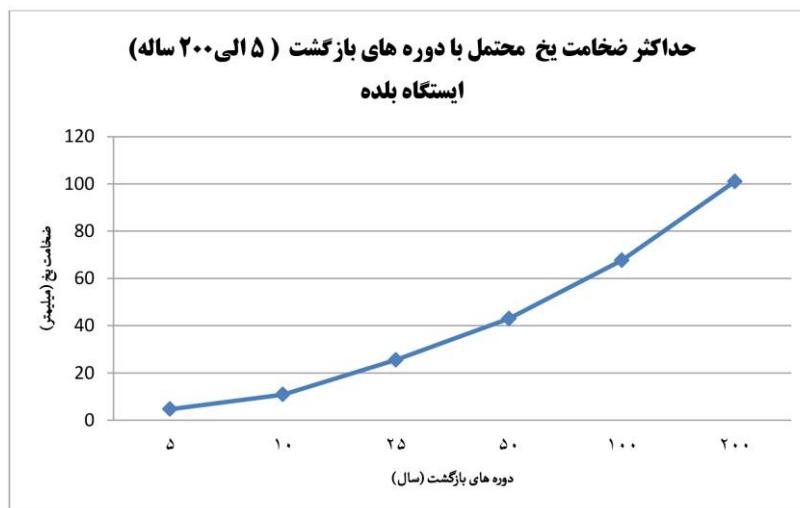
شکل ۱: نمودار مربوط به توزیع متوسط ضخامت معمولی یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده

جدول ۱: نتایج مربوط به توزیع ضخامت معمولی یخ ماهانه و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده

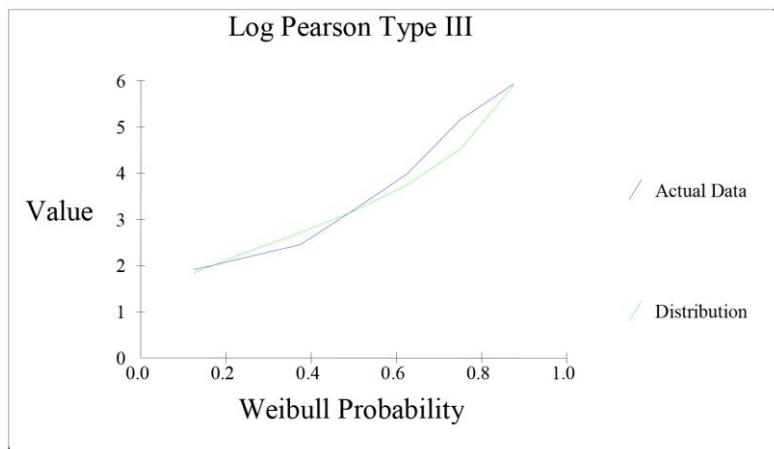
حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	متوسط ضخامت معمولی یخ (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۱۴/۲۱	۱۱/۸۷	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۹	۱۰۰	۱۲/۰۶	۸/۲۵	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۸	۵۰	۱۰/۱۴	۵/۵۷	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۶	۲۵	۸/۴	۳/۶۳	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۰	۱۰	۶/۳۵	۱/۹۶	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۸۰	۵	۴/۹۵	۱/۲۲	لوگ پیرسون تیپ ۳

جدول ۲: نتایج مربوط به توزیع حداکثر ضخامت یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده

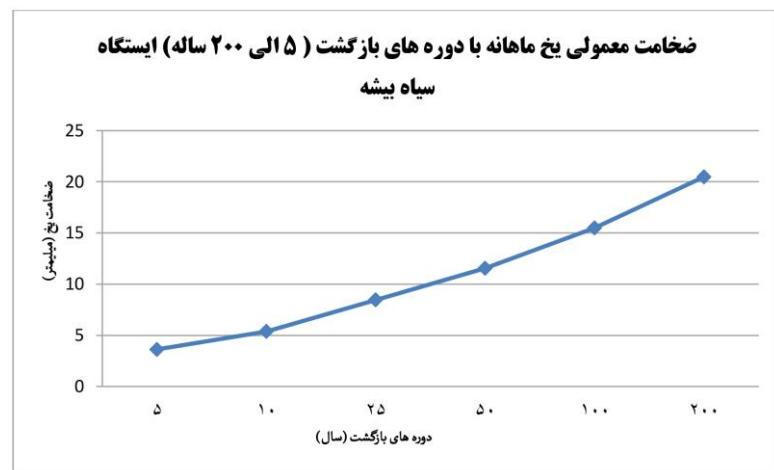
حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	حداکثر ضخامت یخ (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۱۰۱	۷۳/۶۶	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۹	۱۰۰	۶۷/۶۷	۴۰/۸۶	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۸	۵۰	۴۳/۰۲	۲۱/۱۷	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۶	۲۵	۲۵/۵	۱۰/۱۳	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۰	۱۰	۱۰/۸۹	۳/۳۵	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۸۰	۵	۴/۶۸	۱/۳	لوگ پیرسون تیپ ۳



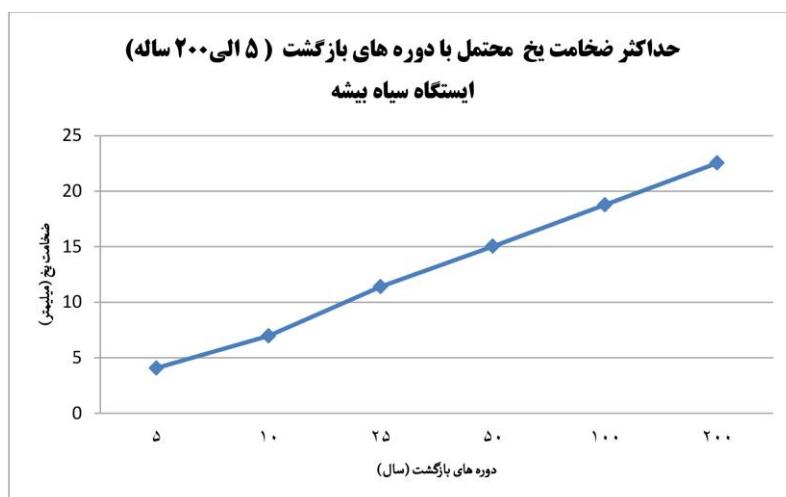
شکل ۲: نمودار مربوط به توزیع حداکثر ضخامت یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده



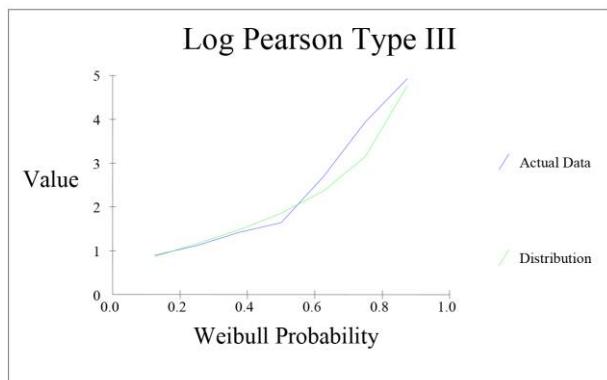
شکل ۳: نمودار مربوط به تابع توزیع احتمال لوگ پیرسون تیپ ۳ جهت برآذش ضخامت یخ در ارتفاع ۳۵ متری



شکل ۴: نمودار مربوط به توزیع ضخامت معمولی یخ ماهانه و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه سیاه بیشه



شکل ۵: نمودار مربوط به توزیع حداکثر ضخامت یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه سیاه بیشه



شکل ۶: نمودار مربوط به تابع توزیع احتمال لوگ پیرسون تیپ ۳ جهت برآذش ضخامت یخ در ارتفاع ۳۵ متری ایستگاه سیاه بیشه

جدول ۳: نتایج مربوط به توزیع ضخامت معمولی یخ ماهانه و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه سیاه بیشه

حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	متوسط ضخامت معمولی یخ (ماهانه) (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۲۰/۴۸	۳۵/۸۶	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۹	۱۰۰	۱۵/۴۹	۲۰/۷۸	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۸	۵۰	۱۱/۰۶	۱۱/۷۵	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۶	۲۵	۸/۴۶	۶/۴۳	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۰	۱۰	۵/۳۸	۲/۷۳	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۸۰	۵	۳/۶۳	۱/۴۱	لوگ پیرسون تیپ ۳

جدول ۴: نتایج مربوط به توزیع حداکثر ضخامت یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه سیاه بیشه

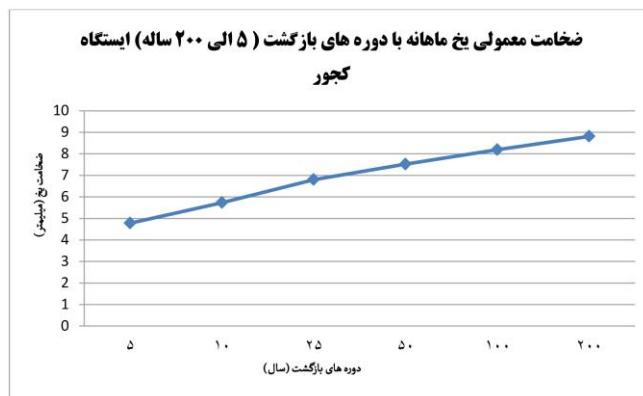
حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	حداکثر ضخامت یخ (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۲۲/۵۳	۷/۹۷	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۹	۱۰۰	۱۸/۷۷	۵/۴۸	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۸	۵۰	۵/۰۳	۳/۴۸	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۶	۲۵	۱۱/۴	۲۰/۰۱	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۹۰	۱۰	۶/۹۷	۰/۸۶	لوگ پیرسون تیپ ۳
۰/۸۰	۵	۴/۰۷	۰/۴۸	لوگ پیرسون تیپ ۳

دوره آماری ایستگاه کجور بوده است، اما حداکثر یخ تشکیل شده طبق محاسبات از $6/4$ تا $70/3$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال $0/99$ ، $0/99$ الی $0/80$ میلیمتر تا $20/5$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا 200 ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ در طی

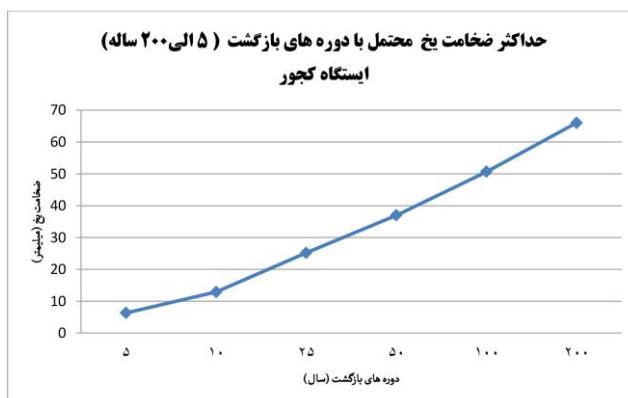
محاسبات مربوط به ایستگاه کجور همان‌طور که در شکل ۷ و جدول ۵ مشاهده می‌شود متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از $3/6$ میلیمتر تا $20/5$ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا 200 ساله با احتمال $0/80$ الی $0/99$ در طی

لوگ نرمال ۳ پارامتری مناسب ترین توزیع برای برآذش این داده‌ها تشخیص داده شده است. (شکل ۹). مقادیر اسمی بار برف و یخ که از این تحقیق حاصل شده با مقادیر ارائه شده توسط شرکت مشانیر مقایسه شده که در جدول ۷ آمده است.

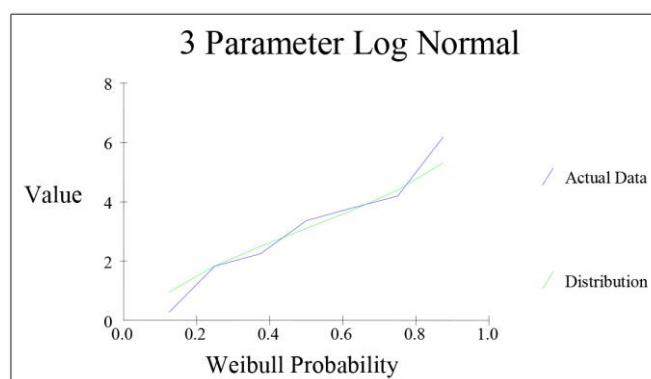
انتقال نیرو است. شکل ۸ و جدول ۶. از بین توزیع‌های مختلف آماری از نرمال، لوگ نرمال ۲ پارامتری، لوگ نرمال ۳ پارامتری، پیرسون تیپ ۳، لوگ پیرسون تیپ ۳، گامبل تیپ ۱، که قابلیت نکویی برآذش داده‌ها را دارا بودند، توزیع احتمال



شکل ۷: نمودار مربوط به توزیع ضخامت معمولی بخ ماهانه و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه کجور



شکل ۸: نمودار مربوط به توزیع حداکثر ضخامت بخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه کجور



شکل ۹: نمودار مربوط بهتابع توزیع احتمال لوگ نرمال سه پارامتری جهت برآذش ضخامت بخ در ارتفاع ۳۵ متری ایستگاه کجور

جدول ۵: نتایج مربوط به توزیع ضخامت معمولی یخ ماهانه و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه کجور

حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	متوسط ضخامت معمولی یخ (ماهانه) (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۸/۸۱	۲/۹۱	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۹	۱۰۰	۸/۱۹	۲/۴۴	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۸	۵۰	۷/۵۲	۲/۰۱	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۶	۲۵	۶/۸	۱/۶	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۰	۱۰	۲/۷۳	۱/۱۶	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۸۰	۵	۴/۷۸	۰/۹۳	لوگ نرمال سه پارامتری

جدول ۶: نتایج مربوط به توزیع حداکثر ضخامت یخ و پارامترهای آن در ارتفاع ۳۵ متری منطقه کجور

حداکثر احتمال	دوره بازگشت (سال)	حداکثر ضخامت یخ (mm)	انحراف معیار	نوع توزیع
۰/۹۹	۲۰۰	۷۰/۲۶	۵۰/۶۴	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۹	۱۰۰	۵۳/۵۶	۳۱/۴۱	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۸	۵۰	۳۸/۷۹	۱۷/۹۷	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۶	۲۵	۲۶/۲	۹/۳۴	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۹۰	۱۰	۱۳/۲۶	۳/۴۶	لوگ نرمال سه پارامتری
۰/۸۰	۵	۶/۴۳	۱/۵۹	لوگ نرمال سه پارامتری

جدول ۷: تعیین مقادیر اسمی متغیر تصادفی ضخامت یخ در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده، سیاه بیشه و کجور و مقایسه آنها با مقادیر ارائه شده توسط آیین نامه مشانیر

منطقه	متغیرهای تصادفی					
	ضخامت معمولی یخ ماهیانه (میلیمتر)			بیشترین ضخامت یخ (میلیمتر)		
	مقدار اسمی مشانیر	مقدار اسمی	حد مازاد	مقدار اسمی مشانیر	مقدار اسمی	حد مازاد
بلده	۲۰	۳/۵۴	۲۰	۴۰	۲۹/۱۱	۲۰
سیاه بیشه	۲۰	۲/۳۷	۲۰	۴۰	۱۷/۴	۲۰
کجور	۲۰	۳/۱۹	۲۰	۴۰	۳۶/۵۳	۲۰

کجور (۳۶/۵۳) بوده و به مقدار اسمی مشانیر نزدیک بوده است. اما ایستگاه سیاه بیشه از مقدار اسمی مشانیر کمتر می‌باشد. با توجه به مشاهدات جدول ۸، در منطقه بلده از دوره بازگشت ۵۰ سال

جدول ۷ مقادیر اسمی محاسبه شده (متوسط ضخامت و حداکثر ضخامت یخ) را با مقدار اسمی مشانیر که به ترتیب ۲۰ و ۴۰ میلیمتر هستند را نشان می‌دهند، که در ایستگاه بلده (۲۹/۱۱) و

می‌باشد. در حالی که در دوره بازگشت بین ۲۵ تا ۵۰ سال جزو مناطق سنگین و کمتر از ۲۵ سال جزو مناطق متوسط از نظر بارگذاری برف و یخ می‌باشد. برای منطقه سیاه بیشه مقدار بار برف و یخ برای دوره بازگشت ۵۰ تا ۱۰۰ ساله جزو مناطق متوسط (۱۵ الی ۱۸/۷ میلیمتر) و برای دوره بازگشت بیشتر از ۱۰۰ سال تا ۲۰۰ ساله جزو مناطق سنگین بوده، که کمتر از مقدار مشانیر (مطابق با آیین نامه مشانیر) می‌باشد.

به بعد حداکثر ضخامت یخ به ۴۳ میلیمتر رسیده که بالاتر از مقدار اسمی مشانیر (۴۰) و جزو مناطق فوق سنگین از نظر آیین نامه بارگذاری می‌باشد. در حالی که در دوره بازگشت بین ۲۵ تا ۵۰ سال جزو مناطق سنگین و کمتر از ۲۵ سال جزو مناطق متوسط از نظر بارگذاری برف و یخ می‌باشد. در منطقه کجور نیز با دوره بازگشت ۵۰ سال، حداکثر ضخامت یخ به ۳۹ میلیمتر رسیده که تقریباً برابر با مقدار اسمی مشانیر (۴۰) و جزو مناطق فوق سنگین از نظر آیین نامه بارگذاری

جدول ۸: تعیین مقادیر اسمی متغیر تصادفی ضخامت یخ در ارتفاع ۳۵ متری منطقه بلده، سیاه بیشه و کجور با دوره‌های بازگشت مختلف و مقایسه آنها با مقادیر ارائه شده توسط آیین نامه مشانیر

منطقه	متغیرهای تصادفی											
	ضخامت معمولی یخ ماهیانه (میلیمتر)					بیشترین ضخامت یخ (میلیمتر)						
	مقدار اسمی مشانیر	مقدار اسمی دوره بازگشت (سال)				مقدار اسمی مشانیر	مقدار اسمی دوره بازگشت (سال)					
		۲۵	۵۰	۱۰۰	۲۰۰		۱۰	۲۵	۵۰	۱۰۰		
		بلده	۲۰	۸/۴	۱۰/۱۴	۱۲/۰۶	۱۴/۲۱	۴۰	۱۰/۸۹	۲۵/۵	۴۳/۰۲	۶۷/۶۷
	سیاه بیشه	۲۰	۸/۴۶	۱۱/۵۶	۱۵/۴۹	۲۰/۴۸	۴۰	۶/۹۷	۴.۱۱	۱۵/۰۳	۱۸/۷۷	۲۲/۵۳
	کجور	۲۰	۸/۶	۷/۵۲	۸/۹	۸/۸۱	۴۰	۱۳/۲۶	۲۶/۲	۳۸/۷۹	۵۳/۵۶	۷۰/۲۶

جمله بارهای موثر در بارگذاری دکل انتقال نیرو هستند با استفاده از داده‌های هواشناسی ساعتی (سال ۲۰۱۰ تا ۲۰۱۸ میلادی) و روش شبیه‌سازی ارائه شده توسط آزمایشگاه و پژوهشگاه مهندسی مناطق سردسیر، سه ایستگاه کوهستانی بلده، کجور و سیاه بیشه در غرب مازندران مورد ارزیابی قرار گرفتند و در نهایت مقادیر اسمی جدید با دوره بازگشت‌های مختلف پیشنهاد گردیده است. با نگاه کلی به نتایج بدست آمده، متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از ۵ میلیمتر تا ۱۴ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰

نتیجه‌گیری

پهنه‌بندی آب و هوایی و ارائه شرایط بارگذاری مناسب با منطقه جهت طراحی مکانیکی خطوط حائز اهمیت بوده و انتخاب صحیح این شرایط به لحاظ فنی و اقتصادی تاثیر به سزایی در طراحی پروژه خواهد داشت. نقشه بار برف و یخ که در گذشته توسط وزارت نیرو تدوین گردیده، کارایی و نوآوری لازم را نداشته و یا اینکه برای بسیاری از مناطق توسعه یافته جدید شهری و روستایی بازنگری نشده است در این تحقیق پارامتر آماری ضخامت یخ با دوره‌های بازگشت چند ساله، که از

این داده‌ها در منطقه کجور تشخیص داده شده است. در مورد منطقه بلده ضخامت یخ حاصل شده که توسط آیین‌نامه بارگزاری مشانیر جزو مناطق فوق سنگین گزارش شده است، مقدادر محاسبه شده بار برف و یخ برای ارتفاع ۳۵ متری با دوره بازگشت‌های مختلف (۱۰۰ تا ۲۰۰ سال)، از دوره ۵۰ سال به بعد مقدار بیشترین ضخامت یخ محتمل که می‌تواند به خطوط انتقال نیرو خسارت وارد کند، بیشتر از مقدار اسمی مشانیر (عدد ۴۰) است. بنابراین برای طراحی خطوط انتقال نیرو با دوره بازگشت کمتر از ۵۰ سال منطقه بلده جزو مناطق سنگین و با دوره بازگشت بیشتر از ۵۰ سال جزو مناطق فوق سنگین (مطابق با آیین‌نامه مشانیر) می‌باشد. برای منطقه سیاه بیشه مقدار بار برف و یخ برای دوره بازگشت ۵۰ تا ۱۰۰ ساله جزو مناطق متوسط و برای دوره بازگشت بیشتر از ۱۰۰ سال جزو مناطق سنگین بوده، که کمتر از مقدار مشانیر (مطابق با آیین‌نامه مشانیر) می‌باشد. در منطقه کجور نیز ضخامت یخ حاصل شده که توسط آیین‌نامه بارگزاری مشانیر جزو مناطق فوق سنگین گزارش شده است، مقدادر محاسبه شده بار برف و یخ برای دکلهای فشار قوی با دوره بازگشت‌های مختلف (۱۰۰ تا ۲۰۰ سال)، از دوره ۵۰ سال به بعد مقدار بیشترین ضخامت یخ محتمل که می‌تواند به خطوط انتقال نیرو خسارت وارد کند، بیشتر از مقدار اسمی مشانیر (عدد ۴۰) است. بنابراین برای طراحی خطوط انتقال نیرو با دوره بازگشت کمتر از ۵۰ سال منطقه کجور همانند بلده جزو مناطق سنگین و با دوره بازگشت بیشتر از ۵۰ سال جزو مناطق فوق سنگین (مطابق با آیین‌نامه مشانیر) می‌باشد. با توجه نتایج بدست آمده پیشنهاد می‌شود در مطالعات آتی با احداث ایستگاه‌های

الی ۰/۹۹، در طی دوره آماری ایستگاه بلده بوده است، اما حداقل یخ تشکیل شده طبق محاسبات از ۴/۷ تا ۱۰۱ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰ الی ۰/۹۹، متغیر می‌باشد که مبنای بارگزاری جهت انجام عملیات کابل‌گذاری خطوط انتقال نیرو است. از بین توزیع‌های مختلف آماری از نرمال، لوگ نرمال ۲ پارامتری، لوگ نرمال ۳ پارامتری، پیرسون تیپ ۳، لوگ پیرسون تیپ ۳، گامبل تیپ ۱، که قابلیت نکوبی برآش داده‌ها را دارا بودند، توزیع احتمال لوگ پیرسون تیپ ۳ مناسب‌ترین توزیع برای برآش این داده‌های بلده تشخیص داده شده است. متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از ۳/۶ میلیمتر تا ۲۰/۵ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰ الی ۰/۹۹، در طی دوره آماری ایستگاه سیاه بیشه بوده است، اما حداقل یخ تشکیل شده طبق محاسبات از ۴/۰۷ تا ۲۲/۵ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰ الی ۰/۹۹، متغیر می‌باشد که مبنای بارگزاری جهت انجام عملیات کابل‌گذاری خطوط انتقال نیرو است. از بین توزیع‌های مختلف آماری توزیع لوگ پیرسون تیپ ۳، مناسب‌ترین توزیع برای برآش این داده‌ها تشخیص داده شده است. متوسط ضخامت یخ محاسبه شده از ۳/۶ میلیمتر تا ۲۰/۵ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰ الی ۰/۹۹، در طی دوره آماری ایستگاه کجور بوده است، اما حداقل یخ تشکیل شده طبق محاسبات از ۶/۴ تا ۷۰/۳ میلیمتر با دوره بازگشت ۵ تا ۲۰۰ ساله با احتمال ۰/۸۰ الی ۰/۹۹، متغیر می‌باشد که مبنای بارگزاری جهت انجام عملیات کابل‌گذاری خطوط انتقال نیرو است. از بین توزیع‌های مختلف آماری توزیع احتمال لوگ نرمال ۳ پارامتری مناسب‌ترین توزیع برای برآش

سپاس‌گزاری

از دفتر فناوری اطلاعات و ارتباطات سازمان هواشناسی کشور به خاطر در اختیار قرار دادن اطلاعات و آمار هواشناسی سپاس‌گزاری می‌گردد.

هواشناسی خودکار در منطقه و مطالعات میدانی و آزمایشگاهی، نتایج دقیق‌تری بدست آید. ضمناً با استفاده از مدل‌های عددی و شبکه‌های عصبی و جفت نمودن آن با نرم‌افزار GIS بتوان نقشه‌های بار برف و یخ را با دقت مکانی بالا ترسیم نمود.

پانوشت

- 1-POT
- 2-GIS
- 3-WRF
- 4-Wet Snow Overload ALert and Forecast

- 5-Chaotic sine cosine operator extreme learning machine
- 6-CCREL
- 7-Excel
- 8-SMADA

-قلیچی، ف.، درسarde، م. و معانی، ع.، ۱۳۹۰. شناسایی تجهیزات بحرانی شبکه‌های توزیع از نظر قابلیت اطمینان، نشریه هوش مصنوعی و ابزار دقیق، شماره ۲۶(۲)، ص ۴-۵.

-میر شریفی، ا.، ۱۳۸۵. تحلیل آماری متغیرهای بارگذاری در طراحی دکل‌های انتقال نیروی ایران، نشریه دانشکده فنی، شماره ۴۰ (۵)، ص ۷۱۳-۷۲۲.

-نوحی، ا.، ۱۳۹۱. مبانی هواشناسی و اقلیم شناسی، تهران، انتشارات آب و هوا، ۳۹۶ ص.

-یوسفی، ی.، ۱۳۹۵. تغییرپذیری بارش و دوره‌های تر و خشک در بخش‌های جنوبی دریای خزر، پژوهش‌های دانش زمین، سال هفتم، شماره ۲۵، ص ۳۰-۱۶.

-Bonanno, R., Lacavallan, M. and Marcacclp, P., 2017. Weather Forecast and monitoring system of wet snow sleeve on overhead power lines in Italy, World Energy and Meteorology Council, 28 p.

-Ducloux, H. and Nygaard, B.E., 2014. 50-year return-period wet-snow load estimation based on weather station data for overhead line design in France,

براتی، غ.، احمدی، م.، میرزایی، ا. و بیتار، م.، ۱۳۹۵. ترازیابی زبانه‌های پرفشار سیبری هنگاه رخداد سرماهای بحرانی در ایران مرکزی، نشریه پژوهش‌های دانش زمین، سال هفتم، شماره ۲۶، ص ۱۲۴-۱۲۲.

-شرکت سهامی خدمات مهندسی برق (مشانیر)، ۱۳۷۸. نقشه‌های پهن‌بندی مناطق چهارگانه آب و هوایی کشور، وزارت نیرو: دپارتمان تحقیقات و استانداردها.

-شرکت سهامی خدمات مهندسی برق (مشانیر)، ۱۳۷۷. آیین‌نامه و استاندارد بارگذاری برج‌های انتقال نیرو، وزارت نیرو: استاندارد جامع مهندسی و طراحی خطوط انتقال نیرو.

Natural Hazards and Earth System Sciences, v. 14(1), p. 3031-3041.

-Gumbel, E.J., 2004. Statistics of Extremes, Dover Publications, 375 p.

-Lehtonen, I., Hoppula, P. and Gregow, H., 2014. Modelling crown snow loads in Finland: a comparison of two methods, Silva Fennica, v. 48(3), p. 1120-1139.

-JilinCai, Q., Minjian, C. and Bin, Y., 2019. A novel importance sampling

- method of power system reliability assessment considering multi-state units and correlation between wind speed and load, International Journal of Electrical Power & Energy Systems, v. 109(3), p. 217-226.
- Nygaard, B.E., Ágústsson, H. and Somfalvi-Tóth, K., 2013. Modeling wet-snow accretion on power lines: Improvements to previous methods using 50 years of observations, Journal of Applied Meteorology and Climatology, v. 52(1), p. 2189-2203.
- Nygaard, B.E. and AmbjørnSeierstad, I., 2014. A new snow and ice load map for mechanical design of power lines in Great Britain, Cold Regions Science and Technology, v. 108(2), p. 28-35.
- Palutikof, J.P., Holt, T., Brabson, B.B. and Lister, D.H., 2000. Methods to Calculate Extremes in Climate Change Studies(1), Climate Research Unit, University of East anglia, Norwich NR47 TJ, UKT, Department of Physics, Indiana University, Bloomington, Indiana 47405,U.S.A.
- Rantaab, J., Polojärviab, A. and Tuhkuriab, J., 2017. The statistical analysis of peak ice loads in a simulated ice-structure interaction process, Cold Regions Science and Technology, v. 133, p. 46-55.
- Xiang-junZeng, X., longLuo, J. and Ting-tingXiong, H., 2012. A novel thickness detection method of ice covering on overhead transmission line, Journal of Applied Meteorology and Climatology, v. 14(5), p. 1349-1354.
- Wang, W. and Peng, W., 2019. Study on sustainable development of power transmission system under ice disaster based on a new security early warning model, Journal of Cleaner Production, v. 228(5), p. 175-184.
- Zarnani, A. and Musilek, P., 2012. Learning to predict ice accretion on electric power lines, Engineering Applications of Artificial Intelligence, v. 25(3), p. 609-617.
- Nygaard, B.E. and Carlshem, L., 2019. Development of a 50-years return value ice load map for Sweden, Int.workshop on Atmospheric Icing of structures, Reykjavik, p. 1-5.
- Solangi, A.R., 2018. Icing Effect on Power Lines and Anti-icing and De-icing Methods, Master's Thesis in Technology and safety in High North, The ARCTIC UNIVERSITY of NoRWAY, p. 60-65.